## APL e programmazione ad array

# APL e programmazione ad array

Storia

Prime impressioni

One-liners e Code Golf

Liliguaggio .

Primo ordine

T TITLE OF GILL

iviodello degli array

Ordino 2.5

Jennie verbi

Leggere un programma

point-free

-----

### APL e programmazione ad array

Storia

One-liners e Code Golf

Linguaggio J

Primo ordine Modello degli array

Secondo ordine

Definire verbi

eggere un programma pint-free

Same of Life again

Glossario

https://ap29600.github.io/corso\_apl\_poul.pdf

APL is a mistake, carried through to perfection. It is the language of the future for the programming techniques of the past: it creates a new generation of coding bums.

Edsger W. Dijkstra

# APL e programmazione ad array

Stori

One-liners e Code Golf

Linguaggio J

Primo ordine

Modello degli array Secondo ordine

Ordine 2.5

Definire verbi

Strutture di controllo Leggere un programm

oint-tree

. . . . . . . . . .

	А	ρ	L	
I know all sorts of languages but I give up now	Dijkstra knew unicode was a mistake	how come I've never heard of it	how will I know what it does if it isn't a word?	need a Ph.D. in linear algebra to use it
unusable outside a small set of problems	hieroglyphics	RtL evaluation is purposefully obscure	looks like BF	I don't think anyone understands APL
I used APL when I was new to computers, my code was bad	I'm not smart enough to remember all these symbols	FREE SPACE: write-only	line noise	wow a language for code golfers
have you heard of MATLAB	I'm not buying a keyboard for this	let me explain why regex is bad	I rewrote this with words, see, now it can be understood!	it's only for showing off
ergonomics isn't about character count	just define the functions in a better language	1×2+3 is wrong	why would you ever learn a new writing system for this?	there's a reason why APL is a dead language

Stori

rime impression One-liners e Code Golf

...60088.0

rimo ordine

Modello degli array Secondo ordine

Ordine 2.5

Strutture di contr

point-free

. .

# APL e programmazione ad array

### Storia

Prime impression

one-liners e Code Goil

Linguaggio J

Primo ordine

Modello degli arra

Secondo ordine

Definite work

Storia

Strutture di controllo

Game of Life again

- ▶ 1957 Kenneth E. Iverson: notazione per la descrizione di algoritmi numerici
- 1962 A Programming Language
- ▶ 1964 APL linguaggio di specifica per IBM SYSTEM/360
- ▶ 1965-66 Prime implementazioni
- ▶ 1966-05 IP Sharp Associates
- 1976 Fondata Dyadic Systems (ora Dyalog)
- 1979 Ken Iverson riceve Turing Award
- 1984 IBM rilascia APL2
- ▶ 1989 Prima stesura di un interprete J
- 1993 Kx systems rilascia K

## [1]: APL Chronology

### Storia

Prime impressioni One-liners e Code Golf

Prime ordine

Primo ordine Modello degli arra

Secondo ordine Ordine 2.5

Definire verbi

Leggere un progra

Game of Life a

## IVSYS

APL\360

APL\1130

APL\*PLUS

\* SHARP APL

APL\700

4004\*APL

Xerox APL

EMPL

TIS APL

APLUM

\* NARS

VSAPL

APL.68000

\* Dyalog APL

APLX

Rationalized APL

\* APL2

SAX

Α+

I-APL

\* J

\* K

APL2000

SIGAPL

NARS2000

APEX

GNU APL

### Storia

Prime impressioni One-liners e Code Golf

Inguaggio

Primo ordine

Modello degli array

Ordine 2.5

Definire verbi

Leggere un progra

ooint-free

## Linguaggi influenzati da APL

## FP

programmazione point-free

## Common Lisp

la funzione reduce

# Wolfram Language, R, MATLAB, Julia...

array multidimensionali, mapping implicito degli operatori

## C++

std::iota, alcune funzioni
nel modulo algorithm

## Python

alcune funzioni di libreria di itertools, numpy

### Storia

One-liners e Code Golf

Primo ordine

Secondo ordine
Ordine 2.5
Definire verbi

Leggere un programm point-free

### Pro

- feedback loop rapido
- funzioni primitive versatili
- trasformazione algebrica di programmi
  - programmazione point-free
- sviluppo di algoritmi paralleli
- meme

## Con

- unusable outside a small set of problems\*
- looks like BF\*
- scarso supporto per analisi statica
- prestazioni C-like: spesso non le ha.
- parallelismo su GPU: supporto sperimentale

### Storia

One-liners e Code Golf

Linguaggio

Primo ordine

Modello degli array

Ordine 2.5

Ordine 2.5

Strutture di controllo

oint-free Jame of Life again

. .

# APL e programmazione ad array

### Stori

### Prime impressioni

Olie-illiers e Code doll

### Linguaggio

Primo ordin

Modello degli array

----

Prime impressioni

Ordine 2.5

Jennie verbi

trutture di contro

Leggere un programma point-free

Game of Life aga

### loccario

# One-liners e Code Golf

# APL e programmazione ad array

### Stori

Prime impressioni

### One-liners e Code Golf

### Liliguaggio .

Primo ordin

Modello degli array

0 !: 0.5

Ordine 2.5

Definire verbi

Strutturo di co

Leggere un programma

Game of Life again

famosa l'implementazione di John Scholes (2009), ma già negli anni '70 era citato come esempio dell' espressività di APL

## L'espressività non è golf:

nel programma sono facilmente riconoscibili gli elementi del problema e come ciascuno viene risolto

```
 \begin{split} & \text{g=function}(\textbf{f},\textbf{c},\textbf{g},\textbf{d},\textbf{e},\textbf{b},\textbf{h})\{\textbf{g=[]};\textbf{e=[c+1},\textbf{c},\textbf{c-1},\textbf{1]};\\ & \text{for}(\textbf{b=c*c};\textbf{b--};\textbf{g[b]}=3==\textbf{d}||\textbf{f[b]}\&\&2==\textbf{d},\textbf{d=0})\\ & \text{for}(\textbf{h} \text{ in } \textbf{e})\textbf{d+=f[b+e[h]]+f[b-e[h]]};\text{return } \textbf{g}\}\\ & \text{questo invece } \grave{\textbf{e}} \text{ golf.} \end{aligned}
```

Stor

Dulus a lusuussalassi

One-liners e Code Golf

Linguaggio J

Primo ordine Modello degli array

Secondo ordine
Ordine 2.5
Definire verbi
Strutture di controllo

Leggere un programm point-free

. .

## Linguaggio J

# APL e programmazione ad array

### Stori

Prime impression

One-liners e Code Golf

## Linguaggio J

Primo ordin

Modello degli arra

Ordino 2.5

Definire verbi

Delinire verbi

Strutture di controllo Leggere un programma

Game of Life again

## Linguaggio J

Questa presentazione è pensata per essere seguita con una REPL aperta!

https://jsoftware.github.io/j-playground/bin/html2

Per esplorare la documentazione partite da qui: https://jsoftware.com/NuVoc

### APL e programmazione ad arrav

### Stor

One-liners e Code Golf

## Linguaggio J

Primo ordine

Modello degli array Secondo ordine Ordine 2.5

Definire verbi
Strutture di controllo

Leggere un programm point-free

# APL e programmazione ad array

### Stori

Prime impressioni

### Linguaggio .

### Primo ordine

Modello degli array

Ordina 2.5

Primo ordine

. . . .

Strutture di controll

point-free

Game of Life again

## Una parte del discorso è una delle seguenti:

- Sequenza numerica separata da spazi bianchi.
- Stringa di caratteri circondata da ''
- Simbolo o identificatore seguito da inflessioni (. o :).

## Sostantivi

```
0 'a' a (numero, carattere, variabile)
```

0 1 2 'hello' a. a: (vari array)

## Verbi

```
+ - * % (plus, minus, times, divide)
```

i. # |: (integers, tally, transpose)

### Stori

One-liners e Code Golf

inguaggio J

### Primo ordine

Modello degli array

Ordine 2.5

Definire worki

Strutture di controllo

ioint-free Same of Life again

## Primo ordine

### APL e programmazione ad array

## Commento

NB. ignora fino alla fine della riga

## Copula

a =: 10 assegnamento a variabile globale

a =. 20 assegnamento a variabile locale

### Primo ordine

o infisso

tutte le applicazioni di verbo hanno la stessa precedenza e associano a destra

### Primo ordine

## Primo ordine

### APL e programmazione ad array

## i verbi accettano array come argomenti

## e generano array come risultati

in questo senso in J tutto è un array.

### Storia

rime impressioni

### -III guaggio

### Primo ordine

Modello degli array

0 1: 05

Ordine 2.5

finire verbi

L -----

eggere un programma oint-free

## Modello degli array

# APL e programmazione ad array

Stori

Prime impressioni

One-liners e Code Golf

. . . . . . . .

Modello degli array

Secondo ordine

Ordine 2.5

Definire verbi

Strutture di controllo Leggere un programma

Game of Life again

## Modello degli array

Un array è una collezione omogenea di valori descritta dalle seguenti proprietà

a	Tipo datatype a	Forma \$ a	Rango # \$ a	Atomi , a
1.0	floating	1.1	0	1.0
1 2 3 4	integer	4	1	1 2 3 4
1.5 0.5	boxed	• •	0	1.5 0.5
abcd efgh ijkl	literal	2 3 4	3	abcdefghijkl
mnop qrst uvwx				

# APL e programmazione ad array

Storia

rime impressioni

inguaggio .

Primo ordine

Modello degli array

Secondo ordine

Strutture di contro

point-free

Insertio

## Verbi scalari (rango 0)

tutti i verbi aritmetici sono scalari: agiscono su atomi dei loro argomenti mappando implicitamente sulla struttura

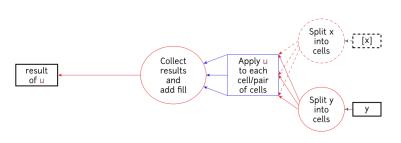
## Verbi strutturali (rango >0)

I verbi di rango maggiore interpretano i loro argomenti come collezioni di valori del rango specificato.

Modello degli array

## Regole per l'applicazione





- x è opzionale
- x e y sono separati in celle se eccedono il rango di u
- u è applicato tra coppie di celle corrispondenti

### Stori

Prime impressioni

Linguaggio J

Primo ordine

Modello degli array

Secondo ordine

Ordine 2.5

Strutture di control

oint-free

## Regole per l'applicazione

%. ha rango 2		x	
x ha rango 3: è visto	1	0	
come array di rango 1 di	0	1	
array di rango 2			
%. applicato a ciascun	0 _	_1	
elemento	1	0	
i risultati sono		%.	
collezionati in un array	1	0	
di rango 3.	0	1	
	0	1	

Х

### APL e programmazione ad array

### Stor

One-liners e Code Golf

ringuaggio

Primo ordine

Modello degli array

Secondo ordi

Ordine 2.5

Strutture di controllo Leggere un programma

Game of Life ag

Classopia

## Regole per l'applicazione

+ ha rango sinistro 0, rango destro 0.

x ha rango 2: è visto come array di rango 2 di array di rango 0.

y ha rango 1: è visto come array di rango 1 di array di rango 0.

3 2 è compatibile con3 (3 è prefisso di 3 2).

ogni elemento di y corrisponde a una riga di x

х

) 1

2 3

4 5

7

10 20 30

\$ x

3 2

\$

3

x + y

10 11

22 23

34 35

# APL e programmazione ad array

Stori

Prime impression One-liners e Code Golf

Primo ordine

Modello degli array

Secondo ordine

Definire verbi
Strutture di controllo

Game of Life agai

nums =. 29 41 68 83 79 46 60 19 73 19

hasCompl =. (#nums) > nums i. compl result = . hasCompl # nums , . compl

Modello degli array

Legenda

# y Tally: conta gli elementi di y

compl = . target - nums

x - y Minus

target = . 128

x # y Copy: elementi in y in corrispondenza di 1 in x

x i. y Index-of: indice in x di elementi di y

x , . y Stitch: affianca x e y come colonne

APL e programmazione ad array

La complessità di quasi tutti i verbi primitivi è funzione della dimensione degli argomenti: annotiamo la dimensione dei valori intermedi (con n = |nums|)

$$\underbrace{\frac{1}{\text{target}} - \underbrace{\frac{n}{\text{nums}}}_{n}}_{\text{target}} > \underbrace{\underbrace{\frac{n}{\text{nums}}}_{n} \underbrace{\frac{n}{\text{compl}}}_{n}}_{n}$$

complessità totale:  $T = O(n \log n), S = O(n)$ 

## Sapendo che

```
T(x i. y) = O((|x| + |y|) \log |x|)
S(x i. y) = O(|x| + |y|)
TS(x \ v \ y) = O(|x| + |y|) \text{ se } v \in \{-\#, . >\}
TS(\# x) = O(1)
```

Modello degli array

## APL e programmazione ad array

Secondo ordine

Secondo ordine

## Secondo ordine

### APL e programmazione ad array

## Avverbi

```
/ \ ~ (insert, prefix, reflex)
se v è un verbo o sostantivo e a è un avverbio,
v a è un verbo.
```

## Congiunzioni

@ & &. " (atop, compose, dual, rank) se u e v sono verbi o sostantivi e c è una congiunzione, u c v è un verbo.

### Stori

One-liners e Code Golf

Primo ordine

Modello degli ari

Secondo ordine

Secondo

Ordine 2.5

Strutture di conti

Leggere un programm point-free

Game of Life again

tutte le applicazioni di avverbi e congiunzioni hanno la stessa precedenza e associano a sinistra

### Storia

Prime impressioni One-liners e Code Golf

### inguaggio J

Primo ordine

Modello degli array

### Secondo ordine

Ordine 2.5

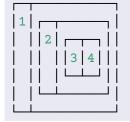
Definire verbi

Leggere un programma

Same of Life again

## u/Insert

applica u tra celle dell'argomento



## u\ Prefix

applica u a ogni prefisso non vuoto

1	1	2	1	2	3	1	2	3	4

Stori

One-liners e Code Golf

\_inguaggio J

Primo ordine

Modello degli array

Secondo ordine

Ordine 2.5
Definire verbi
Strutture di controllo

eggere un programma point-free

	+	-	*	<.	+%
/	sommatoria	sommatoria alternata	produttoria	minimo	frazione continua
/\	sommatoria cumulativa	sommatoria alternata cum.	produttoria cumulativa	minimo cumula- tivo	convergenti frazione continua

u''m è un verbo analogo a u, ma avente rango dettato da m.

```
x = . i . 3 2
  X
   x + 10 20
length error, executing dyad +
shapes 3 2 and 2 do not conform
   x + 10 20
  x + "(1) 10 20
10 21
12 23
14 25
```

Storia

rime impressioni

inguaggio J

Primo ordine

Modello degli array

Secondo ordir

Ordine 2.5

Definire verbi

Strutture di contr

eggere un programma point-free

ounic or Life i

# APL e programmazione ad array

### Stori

Prime impressioni

One-liners e Code Golf

Linguaggio .

Ordine 2.5

### Primo ordine

Modello degli arra

Secondo ordine

### Ordine 2.5

Definire verl

Strutture di controllo

Game of Life again

## Programmazione point-free

Because explicit definition [...] was relatively complex, it was not implemented until some months had elapsed.

Therefore, for some months all verbs were tacit.

– Roger Hui

# APL e programmazione ad array

Stori

Prime impressioni

Linguaggio

Primo ordine

Modello degli array

Ordine 2.5

Definire verbi

Strutture di controllo

point-free

Programmazione point-free

[...] to write f + g as in calculus, one writes f + g in J. - Roger Hui

## Hooks

se f e q sono verbi, f q è un verbo e (f g) yy f (q y)x(fg)yx f (q y)

## **Trains**

se f e g sono verbi, [: f g è un verbo e ([: f g) y (q y)x ([: f q) y f(x g y)

## **Forks**

se f, g e h sono verbi, f g h è un verbo e (f g h) y(f y) g (h y)x (f g h) y(x f y) g (x h y)

APL e programmazione ad array

Ordine 2.5

## Programmazione point-free

```
a = .78910
    +/ a
34
    # a
    NB. f = . +/
    NB. q = . %
    NB. h = . #
    NB. (f y) q (h y)
    (+/a) % (#a)
8.5
    (+/ \% #) a
```

mean = . + / % #

4

8.5

### APL e programmazione ad array

## Ordine 2.5

### APL e programmazione ad array

#### Stori

#### Prime impression

One-liners e Code Golf

#### Linguaggio J

#### Primo ordin

Modello degli arr

Second

Definire verbi

Ordine

#### Definire verbi

Strutture di controllo

Leggere un programma

Game of Life aga

### vecchio

```
mean =. monad define
    (+/ y) % (# y)
)
```

### diretto

```
mean =. \{\{ (+/y) \% (\# y) \}\}
```

# point-free

$$mean = . +/ % #$$

#### Storia

Prime impressioni

#### . . .

#### Linguaggio .

Primo ordine

Modello degli arr

Ordina 2.5

#### Definire verbi

Strutture di controllo Leggere un programma

ame of Life again

# Strutture di controllo

# APL e programmazione ad array

#### Stori

#### Prime impressioni

One-liners e Code Golf

#### Linguaggio J

Primo ordin

Modello degli array

Ordine 2.5

Defining and

Definire verbi

### Strutture di controllo

int-free

Game of Life again

#### Classoria

#### Storia

One-liners e Code Golf

### inguaggio

Primo ordine

Secondo ordine

Ordine 2.5 Definire verbi

Strutture di controllo

Leggere un programma

Game of Life again

Glossario

# for./while.

for. 10 do.

end.

for\_i. 1 2 3 do.
 NB. i readonly

end.

while. cond do.

NB. ...

end.

# if./else.

if. cond1 do.

NB. ...

elseif. cond2 do.

NB. ...

end.

## altre...

select. case.
label x. goto x.

try. catch. return. break. continue.

### for.

- ripetere n volte (f ^: n)
- iterare strutture (f " n)
- accumulare valori (f/)

### while.

ripetere fino a convergenza (f ^: )

### if.

eseguire condizionalmente (f ^: cond)

### select.

dispatch dinamico (f`g @. discr)

Strutture di controllo

# Leggere un programma point-free

# APL e programmazione ad array

#### Stori

Prime impressioni

One-liners e Code Goil

#### Linguaggio J

Primo ordine

Modello degli array

Ordino 2.5

D. C. . . . . .

Delinire verb

Leggere un programma

point-free

same or the again

text =. fread 'input.txt' (#~ CR&= \*: 1 |. LF&=) text

(Reflex) #~ ─ (Hook)

Leggere un programma noint-free

# Legenda

```
x f~ y Reflex: y f x
x&f y Bond: x f y
x # y Copy
x *: y Nand
```

suddivisione even-odd

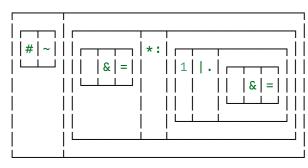
 $x \mid y$  Rotate: rotate y to the left by x positions

—— \*: —— (Fork)  $CR\&= (Bond) \qquad [---] (Fork)$ 

LF&= (Bond)

# Aiuto dall'interprete

```
win2unix =. #~ CR&= *: 1 |. LF&= 5!:2 < 'win2unix'
```



# APL e programmazione ad array

#### Stori

Prime impressioni

#### Linguaggio .

Primo ordina

Modello degli array

Ordina 2.5

finire verbi

Leggere un programma

point-free Game of Life again

# Game of Life again

# APL e programmazione ad array

Stori

Prime impressioni

One-liners e Code Goil

Linguaggio J

Primo ordine

Modello degli array

Onding 0 F

Ordine 2.5

Strutture di con

Strutture di controllo

Leggere un programma
point-free

Game of Life again

Una cella è viva al turno n+1 se al turno n:

- ha 3 vicine vive, oppure
- è viva con 4 vicine vive

(una cella conta come vicina di se stessa)

```
input =. _6 _6 {. 3 3 $ 1 1 1 1 0 0 0 1 0
input
```

- 00000
- 0 0 0 0 0
- 0 0 0 0 0
- 0 0 0 1 1 1
- 0 0 0 1 0 0
- 0 0 0 0 1 0

Storia

Prime impression

One-liners e Code Golf

inguaggio .

Primo ordine

Modello degli array Secondo ordine

Ordine 2.5

Definire verbi

Strutture di controllo Leggere un programma

Game of Life again

. .

# Generare l'intorno (orizzontale)

hneighbors =. \_1 0 1 (|."1"0 \_) input
<"2 hneighbors</pre>

```
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
```

# APL e programmazione ad arrav

Stori

rime impressioni

One-liners e Code Golf

Linguaggio

Primo ordine

odello degli array

rdino 2.5

dine 2.5

nire verbi

Leggere un programma

Game of Life again

# Generare l'intorno (verticale)

APL e programmazione ad array

```
vneighbors =. _1 0 1 (|."2"0 _) hneighbors
<"2 vneighbors</pre>
```

Prime impression

One-iniers e code don

Daisse seuline

Primo ordine

Modello degli arri

Ordine 2.5

efinire verbi

Strutture di controllo Leggere un programma

Game of Life again

Glossario

0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	1	1	0	0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	0
																	-
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
								_				١ ـ					
1	0	0	0	1	1	0	0	0	1	1	1	0	0	1	1	1	0

. . .

## Contare l'intorno

0 0 1 2 2 1

```
neighbors =. +/+/ vneighbors
neighbors
0 0 1 1 1
0 0 0 0 0
0 1 2 3 2
0 2 3 4 2
```

# APL e programmazione ad array

#### Stori

One-liners e Code Golf

#### Linguaggio J

Primo ordine

Modello degli array

Ordine 2.5

etinire verbi

Leggere un programma

Game of Life again

\_\_\_\_

# Confronti

```
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
      0
```

# APL e programmazione ad array

Stori

Prime impressioni

One-liners e Code Golf

Linguaggio J

Primo ordine

Modello degli array

Secondo ordine

dine 2.5

efinire verbi

eggere un programma

point-free Game of Life again

ounce or Line ug.

# Valutare la proposizione

# APL e programmazione ad array

Stori

rime impressioni

ίησμασσίο Ι

Primo ordine

Modello degli arra

Secondo ordine

rdine 2.5

nnire verbi

Leggere un programma

Game of Life again

alossario

```
input = . 6 6 { . 3 3 $ 1 1 1 1 0 0 0 1 0
hneighbors =. 1 \ 0 \ 1 \ (|."1"0") input
vneighbors =. 1 0 1 (|."2"0 ) hneighbors
neighbors = \cdot +/+/ vneighbors
cmp = . 3 4 = / neighbors
output = . + . / (1 ,: input) * . cmp
```

# Programmazione concatenativa

il sostantivo a cui si assegna il risultato della riga sopra è usato a destra della riga sotto.

dato che in J i verbi associano a destra, concatenare le righe elide la variabile.

```
+./ (1 ,: input) *. 3 4 =/ +/+/ ...
 1 0 1 (|."2"0 ) 1 0 1 (|."1"0 ) input
```

Game of Life again

# APL e programmazione ad array

#### Stor

Prime impressioni

One-liners e Code Golf

Linguaggio J

# Glossario

#### Primo ordine

Modello degli arra

Secondo ordine

Ordine 2.5

Definire ver

Strutture di controllo Leggere un programma

ame of Life again

```
mat.
```

# **\$** Shape/Reshape

\$ 1 2 0

mat

2 \$ 1 2 0

### + - \* % Aritmetica

 $1 \ 2 \ 0 + 10 * mat$ 11 21 42 52 60 70 80

# # Tally

```
# 1
# 1 2 0
# mat
```

Glossario

< Box

0 1 2 3 4

1 2 0 3

i. Integers/Indices

'apl' i. 'plan'

< 'apl'

apl

# > Open

> 1 2 3 ; 4 5 6

5 6

# { From

1 2 0 { 'apl'

pla 1 2 0 { mat

# |: Transpose

mat

5 8

# Glossario

#### APL e programmazione ad array

# @ Atop

# & Bond/Compose

# &. Dual

## " Rank

#### Stori

One-liners e Code Golf

#### Till Briad Bio 1

Primo ordine Modello degli array

Secondo ordine

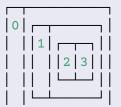
Ordine 2.5

Definire verbi

Strutture di controllo

Leggere un programma

point-free Game of Life again



# \ Prefix

# ~ Reflex

### toria

rime impress

# One-liners e Code Golf

### Same of Life again